

6. Teszt
11. osztályos analízis

1. Ha $n \in \mathbb{N}^*$, akkor az $A = \left\{1, \frac{1}{2}, 2, \frac{1}{3}, 3, \frac{1}{4}, \dots, \frac{1}{n}, n, \dots\right\}$ torlódási pontjainak a száma egyenlő:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3 E. más válasz

2. Az $a_n = n^{(-1)^n}$, $n \geq 1$ általános taggal rendelkező sorozatról igaz, hogy:

- A. korlátos B. monoton C. konvergens
D. van két határérték pontja E. állandó

3. Az $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{n+1} + 3^{n+1}}{2^n + 3^n}$ határérték egyenlő:

- A. 2 B. 3 C. $\frac{2}{3}$ D. $\frac{3}{2}$ E. más válasz

4. Azon $a, b \in \mathbb{R}$ értékek amelyekre $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + n} - an - b) = 0$, egyenlő:

- A. $a = 1, b = \frac{1}{2}$ B. $a = \frac{1}{2}, b = 1$ C. $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$
D. $a = 1, b = 1$ E. más válasz

5. Az $b_n = \frac{1}{\sqrt{n^2 + 1}} + \frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n^2 + n}}$, $n \geq 1$ általános tagú sorozatról igaz, hogy:

- A. divergens B. határértéke 1 C. korlátlan
D. két határérték pontja van E. állandó

6. Az $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2 + \sqrt{2} + \sqrt[3]{2} + \dots + \sqrt[n]{2} - n}{\ln n}$ határérték egyenlő:

- A. 0 B. $\ln 2$ C. $+\infty$ D. e E. $1 + \sqrt{2}$

7. Ha az $x_n = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{n^2}$, $n \geq 1$ általános tagú sorozat határértéke $\frac{\pi^2}{6}$, akkor az

$y_n = 1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{5^2} + \dots + \frac{1}{(2n-1)^2}$, $n \geq 1$ általános tagú sorozat határértéke egyenlő:

- A. $\frac{\pi^2}{8}$ B. $\frac{\pi^2}{3}$ C. $\frac{\pi^2}{6}$ D. $\frac{\pi^2}{12}$ E. $\frac{\pi^2}{4}$

8. Ha $a \geq 0$ és az $a_n = \left(\frac{an+1}{n+2}\right)^n$, $n \geq 1$ általános tagú sorozat konvergens és határértéke nem nulla, akkor a $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ határérték egyenlő:

- A. $\frac{1}{e}$ B. e C. $e-1$ D. $\frac{e}{e-1}$ E. $\frac{e}{e+1}$

9. Ha $(1 + \sqrt{2})^n = a_n + b_n \sqrt{2}$, ahol $a_n, b_n, n \in \mathbb{N}^*$, akkor az $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n}$ értéke egyenlő:

- A. $\sqrt{2}$ B. 0 C. $+\infty$ D. $\frac{1}{\sqrt{2}}$ E. más érték

10. Az $m \in \mathbb{R}$ értéke amelyre $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{(m-1)^2 x^2 + 1}}{3x+2} = -1$, egyenlő:

- A. $m \in \{-2, 4\}$ B. $m \in \{-1, 3\}$ C. $m \in \{-2, 3\}$
 D. $m \in \{-1, 4\}$ E. $m \in \{-2, 2\}$

11. Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{2|x-1|}{x^2-x+1}$ függvény folytonossági pontjainak a halmaza egyenlő:

- A. \mathbb{R} B. $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ C. \mathbb{R}^* D. $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ E. más válasz

12. Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{2|x-1|}{x^2-x+1}$ függvény deriválhatósági pontjainak a halmaza egyenlő:

- A. \mathbb{R} B. $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ C. \mathbb{R}^* D. $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ E. más válasz

13. Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \left(\frac{2}{3}\right)^x + \left(\frac{3}{2}\right)^x$ függvény monoton növekvő, ha:

- A. $x \geq 0$ B. $x \leq 0$ C. $x \in \mathbb{R}$ D. $x \in [0, 1]$ E. $x \in [-1, 1]$

14. Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{|x|}{x^2+1}$ függvény szélsőérték pontjainak a száma egyenlő:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3 E. más válasz

15. Ha $f: D \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x+1}{x^2+ax+b}$, akkor az azok az $a, b \in \mathbb{R}$ értékek amelyekre a függvénynek $x=1$ értékben szélsőérték pontja, $x=-2$ értékben függőleges asszimptótája van, egyenlő:

- A. $a = -7, b = 10$ B. $a = -7, b = -10$ C. $a = 7, b = -10$
 D. $a = 7, b = 10$ E. más válasz

16. Ha $f: \mathbb{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{ax^2}{x+1}$, akkor az $a > 0$ értéke amelyre a függvénynek ferde asszimptótája van, és ez párhuzamos a koordináta rendszer első negyedének a szögfelezőjével, egyenlő:

- A. -1 B. 1 C. 0 D. 2 E. -2

17. Ha $f_a: D_{\max} \rightarrow \mathbb{R}$, $f_a(x) = \ln(x^2 + 4x + a)$, akkor azon $a, b \in \mathbb{R}$ értékek amelyekre $D_{\max} = \mathbb{R} \setminus \{b\}$, egyenlő:

- A. $a = -4, b = -2$ B. $a = -4, b = 2$ C. $a = 4, b = 2$
 D. $a = b = 2$ E. $a = 4, b = -2$

18. A $3x^4 - 4x^3 - 12x^2 - 13 = 0$ egyenlet valós gyökeinek a száma egyenlő:

- A. 2 B. 1 C. 0 D. 3 E. 4

19. Az $x^4 + 2x^3 - x^2 + x + 2 = 0$ egyenletnek van legalább egy gyöke a következő intervallumban:

- A. (0,1) B. (1,2) C. (-1,0) D. (-2,-1) E. (0,∞)

20. A $\sin x = x \cdot \cos x$ valós gyökeinek a számáról biztosan állítható, hogy:

- A. véges B. 0 C. 1 D. végtelen E. 2

21. Az alábbi halmazok közül melyik környezete az $x_0 = 1$ -nek?

A. $(-\infty, 5)$

B. $(1, \infty)$

C. \emptyset

D. $[1, \infty)$

E. $\left\{x \in \mathbb{R} \mid \frac{x+3}{x-1} < 0\right\}$

22. Az $A \subset \overline{\mathbb{R}}$ halmazok közül melyik az, amelyik nem környezete a $-\infty$ és $+\infty$ közül legalább egyiknek?

A. $A = (2, \infty)$

B. $A = (0, \infty]$

C. $A = \overline{\mathbb{R}}$

D. $A = [-\infty, -3) \cup (3, \infty)$

E. $A = (-\infty, -3) \cup (3, \infty)$

23. Az $A = (-5, 6) \cup (10, \infty)$ halmaz torlódási pontjainak a halmaza:

A. $(-5, 6) \cup (10, \infty)$

B. $[-5, 6) \cup [10, \infty)$

C. $(-5, 6) \cup [10, \infty)$

D. $[-5, 6] \cup [10, \infty)$

E. $[-5, 6] \cup (10, \infty)$

24. Az $A = \{\sqrt{n+2} - \sqrt{n+1} \mid n \in \mathbb{N}\}$ halmaz torlódási pontjainak a száma:

A. 0

B. 1

C. 2

D. véges szám

E. végtelen

25. Az az A halmaz amelynek vannak izoláltpontjai:

A. $A = (-1, 1]$

B. $A = (-\infty, 1) \cup (5, \infty)$

C. $A = \mathbb{Z}$

D. $A = \left\{\frac{1}{x} \mid x \in \mathbb{R}, x \neq 0\right\}$

E. $A = \left\{(-1)^n \frac{1}{n} \mid n \in \mathbb{N}^*\right\}$